

**للعام الدراسي ٢٠١٦/٢٠١٧ - الدور الأول**

## نمودار

## زمن الإجابة : ساعتان

٢٠١٦

[illegible]

رقم المراقبة

مجموع الدرجات بالحروف :

إمضاءات المراجعين:

عدد صفحات الكراسة ( ٢٨ ) صفحة  
بخلاف الغلاف ( ٤ ) صفحات  
وعلى الطالب مسؤولية المراجعة  
والتأكد من ذلك قبل تسليم الكراسة

وزارة التربية والتعليم والتعليم الفني  
امتحان شهادة إتمام الدراسة الثانوية العامة  
للعام الدراسي ٢٠١٦/٢٠١٧ - الدور الأول  
المادة : الففاضل والتكامل (باللغة الإنجليزية)

رقم المراقبة

التاريخ: ٢٠١٧/٦/١٥

**زمن الإجابة : ساعتان**

اسم الطالب (رباعيًا) /

## المدرسة:

رقم الجلوس:

**توقيع الملاحظين بصحة البيانات :**

ومطابقة عدد صفحات كراسة الإجابة  
عند استلامها من الطالب .

**نسخة للطلبة للمراجعة – الدور الأول ٢٠١٦/٢٠١٧**

1

If the function  $f: f(x) = x + \frac{a}{x}$  has a critical point at  $x = 2$ , then the value of  $a = \dots\dots\dots$

- (a) 4 (b) 3  
(c) 2 (d) 1

إذا كانت للدالة د حيث

$$د(س) = س + \frac{ا}{س}$$

نقطة حرجة عند  $س = 2$

فإن قيمة الثابت  $ا = \dots\dots\dots$

- (أ) 4 (ب) 3  
(ج) 2 (د) 1

2

2

If the curve of the function

$f: f(x) = \cos x - a x^2$  has an inflection point at  $x = \frac{\pi}{3}$ , then the value of

$a = \dots\dots\dots$

(a)  $\frac{1}{4}$

(c)  $\frac{1}{2}$

(b)  $-\frac{1}{4}$

(d)  $-1$

إذا كان لمنحنى الدالة د حيث

د (س) = جتا س -  $a$  س<sup>٢</sup> نقطة

انقلاب عند س =  $\frac{\pi}{3}$

فإن قيمة الثابت  $a = \dots\dots\dots$

(ب)  $\frac{1}{4}$

(د)  $\frac{1}{2}$

(أ)  $-\frac{1}{4}$

(ج)  $-1$

3

Find the absolute maximum value of the function  $f$  such that:

$f(x) = \sin x + \cos x$  in the interval  $[0, 2\pi]$  is

- (a) zero (b)  $\frac{1}{\sqrt{2}}$   
(c) 1 (d)  $\sqrt{2}$

القيمة العظمى المطلقة  
للدالة  $f$  حيث  
 $f(x) = \sin x + \cos x$  في الفترة  $[0, 2\pi]$  هي .....

- (أ) صفر (ب)  $\frac{1}{\sqrt{2}}$   
(ج) 1 (د)  $\sqrt{2}$

4



4

Answer one of the following items

- (a) Determine the local maximum values and the local minimum values (if there exist ) for the function

$$f: f(x) = (2 - x)e^x$$

- (b) Find the absolute maximum values and the absolute minimum values of the function  $f$  such that :

$$f(x) = 3x^4 - 4x^3 \text{ in the interval } [-1, 2]$$

أجب عن إحدى الفقرتين الآتيتين:

- (أ) أوجد القيم العظمى والصغرى المحلية (إن وجدت) للدالة  $f(x) = (2 - x)e^x$ .

- (ب) أوجد القيم العظمى والصغرى المطلقة للدالة  $f(x) = 3x^4 - 4x^3$  في الفترة  $[-1, 2]$ .



5

$$\int 2\cos^2 x \, dx = \dots\dots\dots$$

- (a)  $x + \frac{1}{2} \sin 2x + c$   
(b)  $x + 2\sin 2x + c$   
(c)  $x - \frac{1}{2} \sin 2x + c$   
(d)  $x - \sin 2x + c$

$$\int 2 \cos^2 x \, dx = \dots\dots\dots$$

- (أ)  $\sin x + \frac{1}{2} \cos 2x + c$   
(ب)  $\sin x + 2 \cos 2x + c$   
(ج)  $\sin x - \frac{1}{2} \cos 2x + c$   
(د)  $\sin x - 2 \cos 2x + c$

6

In the orthogonal coordinate plane, the straight line  $\overleftrightarrow{AB}$  is drawn passing through the point C(3,2), cutting the  $x$ -axis at the point A and the  $y$ -axis at the point B. Find the smallest area for  $\Delta AOB$  such that O is the origin point.

في مستوى إحداثي متعامد رسم  
المستقيم  $\overleftrightarrow{AB}$  يمر بالنقطة  
ج (٣، ٢) ويقطع محور السينات  
في النقطة A ومحور الصادات في  
النقطة B. أوجد أصغر مساحة  
المثلث AOB حيث (O) نقطة الأصل.

8



7

If  $f(x) = |x|$ , then  $\int_{-2}^2 f(x) dx = \dots\dots\dots$

- (a) 4 (b) 2  
(c) 0 (d) -1

إذا كان د (س) = |س|

فإن  $\int_{-2}^2$  د (س) يس = .....

- (أ) ٤ (ب) ٢  
(ج) صفر (د) -١



8

Find the area of the region bounded by the two curves:

$$y = x^2, y = 5x.$$

أوجد مساحة المنطقة المحصورة بين المنحنيين:

$$y = x^2, y = 5x.$$

9

Find the volume of the solid generated by revolving the region bounded by the two curves :  $y = x^2$  ,  $y = 3x$  a complete revolution about the x-axis .

أوجد حجم الجسم الناشئ من دوران المنطقة المحصورة بين المنحنيين  $y = x^2$  ،  $y = 3x$  حول محور السينات دورة كاملة.



10

Answer one of the following items

(a) Find :  $\int \frac{x}{x+1} dx$

(b) Find :  $\int x^2 \ln x dx$

أجب عن إحدى الفقرتين الآتيتين:

(أ) أوجد  $\int \frac{س}{س+١} دس$

(ب) أوجد  $\int س^٢ \ln س دس$



11

If  $f(x) = a e^x$ , then  $f'(-2)$  equals .....

- (a)  $-f(2)$   
(c)  $-f(-2)$

- (b)  $-f'(2)$   
(d)  $f(-2)$

إذا كان  $D = f$  (س)  $f'$  هـ  
فإن  $D(-2)$  تساوي .....

- (أ)  $-D(2)$  (ب)  $-D(-2)$   
(ج)  $-D(2)$  (د)  $D(-2)$

If  $\int \frac{\ln x^2}{\ln x} dx$  equals .....

- (a)  $\frac{x}{2} + c$
- (b)  $\frac{1}{x} + c$
- (c)  $2x + c$
- (d)  $\ln |x| + c$

- (أ)  $\frac{\ln x}{x} + c$
- (ب)  $\frac{1}{x} + c$
- (ج)  $2x + c$
- (د)  $\ln |x| + c$



13

$\int \cot x \, dx$  equals .....

- (a)  $\ln|\sin x| + c$   
(b)  $\ln|\cos x| + c$   
(c)  $-\ln|\sin x| + c$   
(d)  $\ln|\csc x| + c$

ظلت اس ك س يساوي .....

- (أ)  $\ln|\csc x| + c$   
(ب)  $\ln|\cot x| + c$   
(ج)  $-\ln|\csc x| + c$   
(د)  $\ln|\cot x| + c$

14

Find the equation of the normal to the curve  $y = 3e^x$  at the point lying on it and its x-coordinate equals -1 .

أوجد معادلة العمودي للمنحنى  $y = 3e^x$  عند نقطة واقعة عليه وإحداثيتها السينية يساوي -1 .

18

15

If  $y = \cot\left(\frac{\pi}{6}\right)t$ ,  $t = 3\sqrt{x}$ , then

$\left(\frac{dy}{dx}\right)_{x=1}$  equals .....

(a)  $-\frac{\pi}{4}$

(b)  $-\frac{\pi}{9}$

(c)  $-\frac{\pi}{6}$

(d)  $\frac{\pi}{4}$

إذا كان  $y = \cot\left(\frac{\pi}{6}\right)t$  ،  $t = 3\sqrt{x}$  ، فإن  $\left(\frac{dy}{dx}\right)_{x=1}$  تساوي .....

(ب)

$\frac{\pi}{4}$

(ا)

(د)

$\frac{\pi}{6}$

(ج)

16

The slope of the tangent to the curve

 $xy^2 = 3$  at the point  $(3, 1)$  equals .....

(a) -6

(b) -3

(c)  $-\frac{1}{6}$

(d)  $\frac{1}{3}$

ميل المماس للمنحنى  $xy^2 = 3$  عند النقطة  $(3, 1)$  يساوي .....

(ب) -3

(أ) -6

(د)  $\frac{1}{3}$

(ج)  $-\frac{1}{6}$

20



17

If  $x = \frac{z+1}{z-1}$ ,  $y = \frac{z-1}{z+1}$ , find  $\frac{d^2y}{dx^2}$  at  $z=0$

إذا كانت  $s = \frac{1+E}{1-E}$ ،  $v = \frac{1-E}{1+E}$

فأوجد  $\frac{d^2v}{ds^2}$  عندما  $E = 0$

18

If a stone fell in a still water lake, then a circular wave is formed whose radius increases at a rate of 4 cm/sec. Find the rate of increasing of the surface area of the wave at the end of 5 seconds

سقط حجر في بحيرة ساكنة فتولدت موجة دائرية يتزايد طول نصف قطرها بمعدل 4 سم/ث.

أوجد معدل التغير في مساحة سطح الموجة في نهاية 5 ثوان.

22

نسخة للطلبة للمراجعة - الدور الأول ٢٠١٦/٢٠١٧